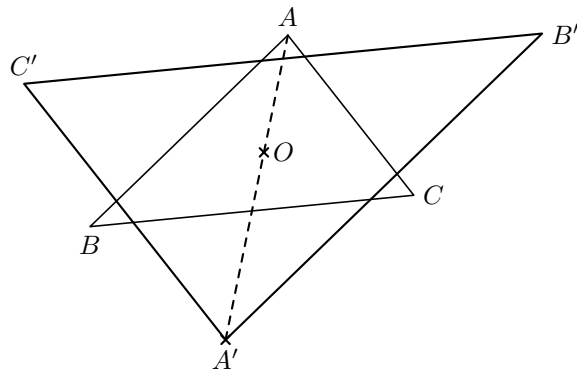


**Exercice 1.**

- a. Le rapport de l'homothétie qui transforme  $ABCD$  en  $AGFE$  est 0,25. En effet, il suffit de calculer  $\frac{AG}{AB}$ .
- b. Les points  $A, B$  et  $R$  sont dans cet ordre, donc le rapport de l'homothétie de centre  $B$  est négatif. Le rapport de l'homothétie de centre  $B$  qui transforme  $R$  en  $A$  est donc  $-\frac{AB}{BR} = -\frac{2}{4} = -0,5$ .
- c. L'homothétie qui transforme  $RIA$  en  $RZM$  a pour centre  $R$  (car seul le centre peut être fixe dans une homothétie). Les points  $R, A$  et  $M$  sont dans cet ordre, donc le signe du rapport de l'homothétie est positif. L'image de  $[RA]$  est  $[RM]$ , donc le rapport de l'homothétie est  $+\frac{RM}{RA} = \frac{8}{2} = 4$ .

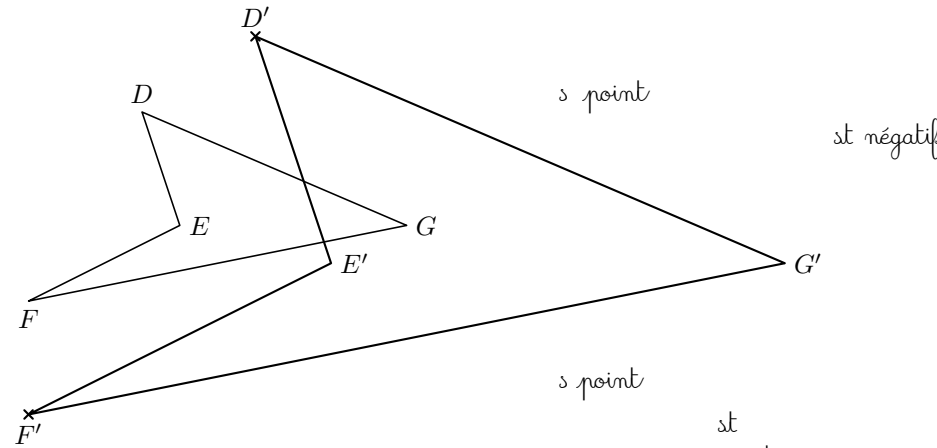
**Exercice 2.**

- a. Deux méthodes



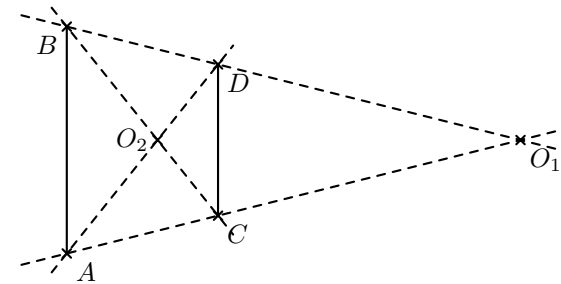
- Calculer le rapport en calculant  $-\frac{OA'}{OA}$  (négatif car  $O \in [AA']$ ) puis placer  $B'$  et  $C'$  en multipliant  $OB$  et  $OC$  par ce rapport.
- Tracer la droite parallèle à  $(AB)$  passant par  $A'$ . Elle coupe  $(BO)$  en  $B'$ . Faire de même pour  $C'$ .

- b. Une fois de plus, deux méthodes



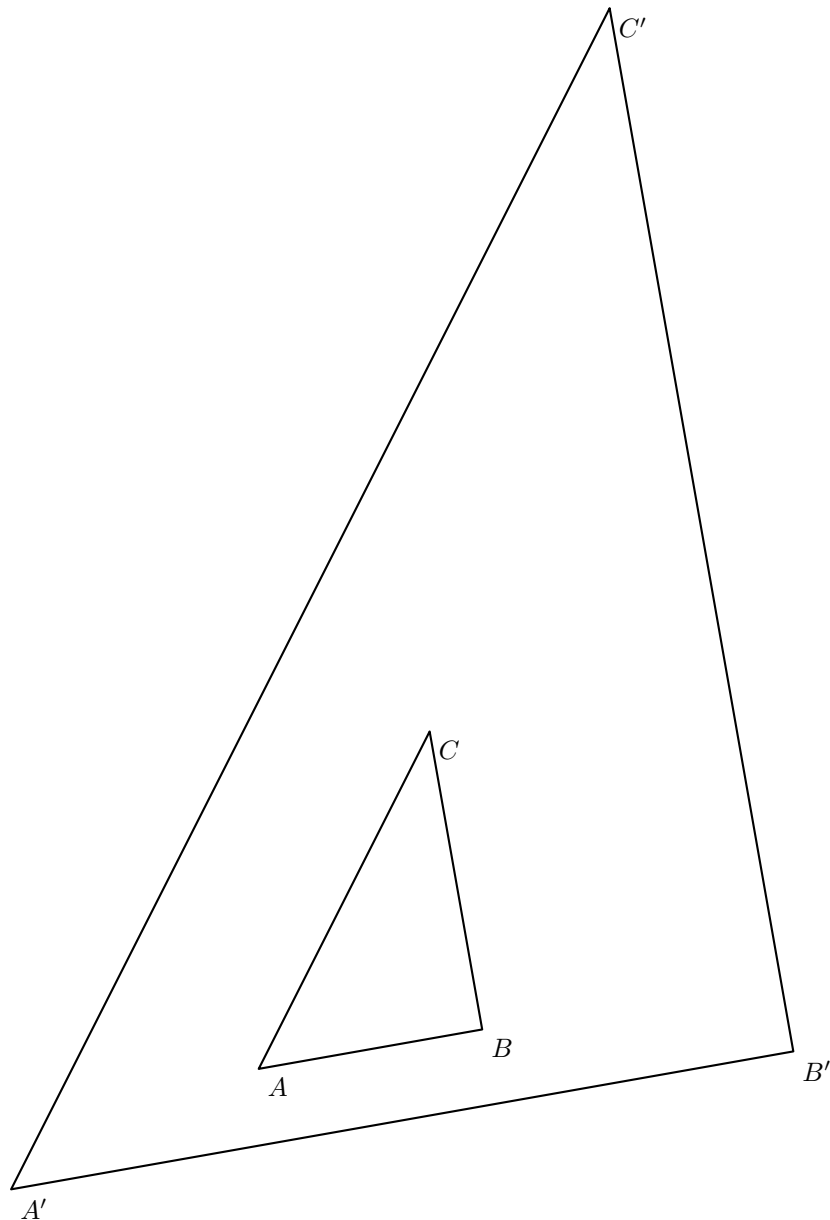
On peut placer le centre (qui se situe à l'intersection de  $(FF')$  et de  $(DD')$ ), calculer le rapport (qui est négatif car  $O \in [AA']$ ) puis tracer ce triangle en traçant la parallèle à  $(FE)$  passant par  $F'$  et la parallèle à  $(DE)$  passant par  $D'$ . Ce point est  $E'$ ; puis faire de même pour construire le point  $G'$ .

**Exercice 3.**



L'homothétie de centre  $O_1$  a pour rapport  $+\frac{DC}{AB} = \frac{2}{3}$ .  
L'homothétie de centre  $O_2$  a pour rapport  $-\frac{DC}{AB} = -\frac{2}{3}$ .

**Exercice 4.**



Remarquons au passage que pour cet exercice, le triangle

$ABC$  « à l'intérieur » de  $A'B'C'$ , toute centre peut être trouvé en cherchant le point de concurrence de  $(AA')$ ,  $(BB')$  et  $(CC')$ .

- b.  $AB^2 + BC^2 = 9 + 16 = 25$  et  $AC^2 = 25$  donc, d'après du théorème de Pythagore, le triangle  $ABC$  est un triangle rectangle en  $B$ .
- d. Le rapport de l'homothétie qui transforme  $ABC$  en  $A'B'C'$  est  $\pm \frac{A'B'}{AB} = \pm \frac{10,5}{3} = \pm 3,5$ . En tous cas le rapport est  $\pm 3,5$ .
- Ainsi,  $B'C' = 3,5 \times BC = 3,5 \times 4 \text{ cm} = \boxed{14 \text{ cm}}$ .