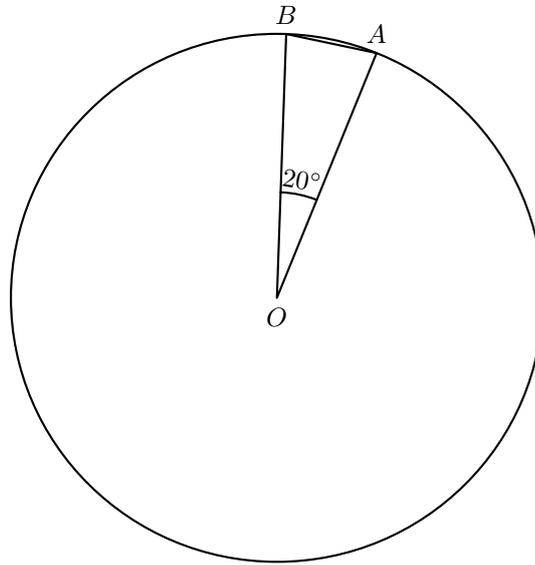


- a. Le triangle **a** a ses trois angles de même mesure, c'est donc un triangle équilatéral.
- b. Dans le triangle **b**, on voit que la droite bleue est la médiatrice d'un côté. Elle passe par le sommet opposé, ce qui signifie que ce sommet est à la même distance des extrémités du côté opposé : c'est un triangle isocèle.
- c. Ce triangle n'a aucune particularité, la droite qui y est tracée s'appelle une *médiane*.
- d. Le triangle **d** a deux angles de même mesure : il est isocèle.

a.



- b. Les segments  $[OA]$  et  $[OB]$  sont deux rayons du même cercle, donc ils sont de même longueur. Ainsi, le triangle  $AOB$  est isocèle en  $O$ .
- c. Pour déterminer la mesure de l'angle  $\widehat{OBA}$ , on utilise la somme des angles du triangle.

On sait

- que  $\widehat{BOA} = 20^\circ$  (énoncé),
- que  $\widehat{OBA} = \widehat{BAO}$  (car le triangle est isocèle en  $O$ ),
- que  $\widehat{OBA} + \widehat{BAO} + \widehat{BOA} = 180^\circ$  (c'est vrai pour tous les triangles).

En compilant ces trois informations, on obtient

$$\widehat{OBA} + \widehat{OBA} + 20^\circ = 180^\circ$$

$$2 \times \widehat{OBA} + 20^\circ = 180^\circ$$

$$2 \times \widehat{OBA} = 160^\circ$$

$$\boxed{\widehat{OBA} = 80^\circ}$$

Si vous aviez trouvé cela **par un calcul**, félicitations, vous venez de résoudre une **équation**.

- a.  $(CE)$  passe par le milieu de  $[BD]$  et lui est perpendiculaire, donc  $(CE)$  est la *médiatrice* de  $[BD]$ .
- b.  $E$  est situé sur la médiatrice de  $[BD]$ , ce qui, par définition de la médiatrice, signifie que  $BE = DE$ . Le triangle  $BDE$  est donc isocèle en  $E$ .
- c. Ce n'est pas évident car on n'en a parlé qu'une seule fois (mais le livre est vieux, il n'est plus au programme...). La droite  $(CE)$  partage l'angle  $\widehat{BED}$  en deux parties égales. On l'appelle la *bissectrice* de l'angle  $\widehat{BED}$ .
- d.  $BA = BE$  donc  $BAE$  est un triangle isocèle en  $B$ .  
Donc  $\widehat{BAE} = \widehat{BEA} = 40^\circ$ .
- e. Les points  $A$ ,  $E$  et  $D$  sont alignés donc l'angle  $\widehat{AED}$  mesure  $180^\circ$ .  
Puisque l'angle  $\widehat{AEB}$  mesure  $40^\circ$ , l'angle  $\widehat{BED}$  mesure donc  $140^\circ$ .  
Puisque la droite  $(CE)$  partage l'angle  $\widehat{BED}$  en deux angles de même mesure, on en déduit que

$$\widehat{DEC} = \frac{140^\circ}{2} = 70^\circ$$